

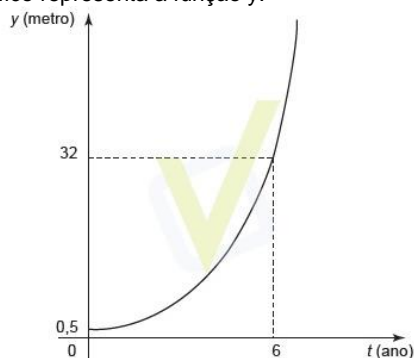


Data: 25/06/18

Prof.: Markão

Assunto: Exponencial

01. Admita que um tipo de eucalipto tenha expectativa de crescimento exponencial, nos primeiros anos após seu plantio, modelado pela função  $y(t) = at - 1$ , na qual  $y$  representa a altura da planta em metro,  $t$  é considerado em ano, e  $a$  é uma constante maior que 1. O gráfico representa a função  $y$ .



Admita ainda que  $y(0)$  fornece a altura da muda quando plantada, e deseja-se cortar os eucaliptos quando as mudas crescerem 7,5 m após o plantio.

O tempo entre a plantação e o corte, em ano, é igual a  
O tempo entre a plantação e o corte, em ano, é igual a  
a) 3 b) 4 c) 6 d)  $\log_2 7$ . e)  $\log_2 15$ .

02. Para realizar a viagem dos sonhos, uma pessoa precisava fazer um empréstimo no valor de R\$ 5 000,00. Para pagar as prestações, dispõe de, no máximo, R\$ 400,00 mensais. Para esse valor de empréstimo, o valor da prestação ( $P$ ) é calculado em função do número de prestações ( $n$ ) segundo a fórmula

$$P = \frac{5\,000 \times 1,013^n \times 0,013}{(1,013^n - 1)}$$

Se necessário, utilize 0,005 como aproximação para  $\log 1,013$ ; 2,602 como aproximação para  $\log 400$ ; 2,525 como aproximação para  $\log 335$ . De acordo com a fórmula dada, o menor número de parcelas cujos valores não comprometem o limite definido pela pessoa é

a) 12. b) 14. c) 15. d) 16. e) 17.

03. O governo de uma cidade está preocupado com a possível epidemia de uma doença infectocontagiosa causada por bactéria. Para decidir que medidas tomar, deve calcular a velocidade de reprodução da bactéria. Em experiências laboratoriais de uma cultura bacteriana, inicialmente com 40 mil unidades, obteve-se a fórmula para a população:

$p(t) = 40 \cdot 2^{3t}$  em que  $t$  é o tempo, em hora, e  $p(t)$  é a população, em milhares de bactérias.

Em relação à quantidade inicial de bactérias, após 20 min, a população será

a) reduzida a um terço. c) reduzida a dois terços e) triplicada.  
b) reduzida à metade. d) duplicada.

04. O sindicato de trabalhadores de uma empresa sugere que o piso salarial da classe seja de R\$ 1 800,00, propondo um aumento percentual fixo por cada ano dedicado ao trabalho. A expressão que corresponde à proposta salarial ( $s$ ), em função do tempo de serviço ( $t$ ), em anos, é  $s(t) = 1\,800 \cdot (1,03)^t$ .

De acordo com a proposta do sindicato, o salário de um profissional dessa serviço será, em reais,

a) 7 416,00. c) 3 709,62. e) 1 909,62.  
b) 3 819,24. d) 3 708,00.

05. O acréscimo de tecnologias no sistema produtivo industrial tem por objetivo reduzir custos e aumentar a produtividade. No primeiro ano de funcionamento, uma indústria fabricou 8 000 unidades de um determinado produto. No ano seguinte, investiu em tecnologia adquirindo novas máquinas e aumentou a produção em 50%. Estima-se que esse aumento percentual se repita nos próximos anos, garantindo um crescimento anual de 50%. Considere  $P$  a quantidade anual de produtos fabricados no ano  $t$  de funcionamento da indústria. Se a estimativa for alcançada, qual é a expressão que determina o número de unidades produzidas  $P$  em função de  $t$ , para  $t \geq 1$ ?

a)  $P(t) = 0,5 \cdot t^{-1} + 8\,000$  d)  $P(t) = 8\,000 \cdot (0,5)^{t-1}$   
b)  $P(t) = 50 \cdot t^{-1} + 8\,000$  e)  $P(t) = 8\,000 \cdot (1,5)^{t-1}$   
c)  $P(t) = 4\,000 \cdot t^{-1} + 8\,000$

06. Pesquisas indicam que o número de bactérias  $X$  é duplicado a cada quarto de hora. Um aluno resolveu fazer uma observação para verificar a veracidade dessa afirmação. Ele usou uma população inicial de  $10^5$  bactérias  $X$  e encerrou a observação ao final de uma hora. Suponha que a observação do aluno tenha confirmado que o número de bactérias  $X$  se duplica a cada quarto de hora. Após uma hora do início do período de observação desse aluno, o número de bactérias  $X$  foi de

a)  $2^{-2} \cdot 10^5$  c)  $2^2 \cdot 10^5$  e)  $2^4 \cdot 10^5$   
b)  $2^{-1} \cdot 10^5$  d)  $2^3 \cdot 10^5$

07. Em um experimento, uma cultura de bactérias tem sua população reduzida pela metade a cada hora, devido à ação de um agente bactericida.

Neste experimento, o número de bactérias em função do tempo pode ser modelado por uma função do tipo

a) afim. c) cosseno. e) exponencial.  
b) seno. d) logarítmica crescente.

08. Numa população de bactérias, há  $P(t) = 10^9 \cdot 4^{3t}$  bactérias no instante  $t$  medido em horas (ou fração de hora). Sabendo-se que inicialmente existem  $10^9$  bactérias, quantos minutos são necessários para que se tenha o dobro da população inicial?

a) 20 b) 12 c) 30 d) 15 e) 10

09. Certa substância radioativa desintegra-se de modo que, decorrido o tempo  $t$ , em anos, a quantidade ainda não desintegrada da substância é  $S = S_0 \cdot 2^{-0,25t}$ , em que  $S_0$  representa a quantidade de substância que havia no início. Qual é o valor de  $t$  para que a metade da quantidade inicial desintegre-se?

a) 1 ano b) 2 anos c) 3 anos d) 4 anos e) 20 anos

10. Suponha que o crescimento de uma cultura de bactérias obedece à lei  $N(t) = m \cdot 2^{t/2}$ , na qual  $N$  representa o número de bactérias no momento  $t$ , medido em horas. Se, no momento inicial, essa cultura tinha 200 bactérias, determine o número de bactérias depois de 8 horas.

a) 1200 bactérias. c) 3200 bactérias. e) 13200 bactérias.  
b) 2200 bactérias. d) 6200 bactérias.

11. Uma população de bactérias começa com 100 e dobra a cada três horas. Assim, o número  $n$  de bactérias após  $t$  horas é dado pela função  $N(t) = m \cdot 2^{t/3}$ . Nessas condições, determine o tempo necessário para a população ser de 51.200 bactérias.

a) 2 horas b) 4 horas c) 10 horas d) 20 horas e) 1 dia

12. A produção de uma indústria vem diminuindo ano a ano. Num certo ano, ela produziu mil Unidades de seu principal produto. A partir daí, a produção anual passou a seguir a lei  $y = 1000 \cdot (0,9)^x$ . O número de unidades produzidas no segundo ano desse período recessivo foi de:

a) 900 b) 1000 c) 180 d) 810 e) 90

